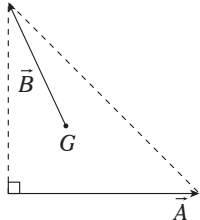
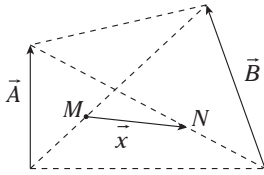


## Análisis dimensional y Vectores

SEMESTRAL UNI - 2023 II

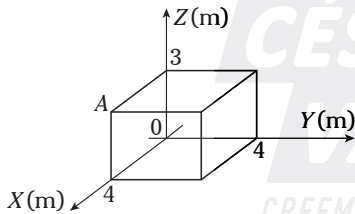
- Si la ecuación:  $y = \frac{3PV}{C^2}$  es homogénea. Calcule la fórmula dimensional de  $y$ :  $P$ : presión,  $V$ : volumen,  $C$ : velocidad.
  - $M$
  - $M^{-1}$
  - $ML^{-1}$
  - $M^{-2}$
  - $1$
- Calcule las dimensiones de  $S$  en la expresión:  $S = cze2^{cmt}$  donde:  $t$ : tiempo,  $z$ : potencia,  $m$ : masa,  $e$ : número
  - $L^5T^{-4}$
  - $L^3T^{-3}$
  - $L^5T^{-5}$
  - $L^5T$
  - $L^2T^{-4}$
- Si la ecuación:  $3x = \frac{y+z}{f \cos \alpha} + \frac{Ft^2}{m}$  es homogénea. Calcule las dimensiones de  $x$  e  $y$ , siendo:  $f$ : frecuencia,  $F$ : fuerza,  $m$ : masa,  $t$ : tiempo.
  - $LT, LT^{-2}$
  - $T, LT^{-1}$
  - $L, LT^{-1}$
  - $L^{-4}, LT^{-2}$
  - $LT, L^{-2}$
- La ecuación:  $v = A \sin(Bt) + Ct^{\sin 30^\circ}$  es dimensionalmente correcta, calcule la expresión dimensional de  $AB/C$ , siendo:  $v$ : velocidad,  $t$ : tiempo.
  - $T^2L^{-1}$
  - $T^2T^{-3/2}$
  - $TL^{-3}$
  - $L^2T^{-1}$
  - $T^{-1/2}$
- Si:  $zQx = \sqrt{5}J \cos\left(\frac{\pi z}{Qy}\right) + 2\sqrt{2}F$  es dimensionalmente homogénea. Calcule la ecuación dimensional  $x/y$ , siendo:  $z$ : potencia,  $J$ : trabajo
  - $ML^{-2}T^4$
  - $M^{-2}L^{-2}T^4$
  - $M^{-1}LT^4$
  - $M^{-1}L^{-2}T^4$
  - $M^{-1}L^{-2}T^2$
- Sea el vector  $\vec{v} = \vec{u} + \vec{t}$ , donde  $\vec{u}$  y  $\vec{t}$  son vectores unitarios. Identifique si las proposiciones son verdaderas (V) o falsas (F).
  - $0 \leq |\vec{v}| \leq 2$
  - El vector  $\vec{v}$  no puede ser unitario
  - Si  $\vec{u}$  y  $\vec{t}$  forman  $60^\circ$ , entonces  $|\vec{v}| = 3/2$
  - VVF
  - FVF
  - FFF
  - VVV
  - VFF
- En el gráfico se muestra un triángulo isósceles, donde  $G$  es el baricentro. Calcule el vector unitario del vector  $\vec{A} + \vec{B}$ .
 
  - $\frac{\hat{i}}{\sqrt{5}} - \frac{2}{\sqrt{5}}\hat{j}$
  - $\frac{\hat{i}}{\sqrt{2}} - \frac{\hat{j}}{\sqrt{2}}$
  - $\frac{\hat{i}}{\sqrt{2}} + \frac{\hat{j}}{\sqrt{2}}$
  - $\frac{2\hat{i}}{\sqrt{5}} + \frac{\hat{j}}{\sqrt{5}}$
  - $\frac{2\hat{i}}{\sqrt{13}} + \frac{3\hat{j}}{\sqrt{13}}$

8. Calcule el vector  $\vec{x}$  en función de los vectores  $\vec{A}$  y  $\vec{B}$  si  $M$  y  $N$  son puntos medios de las diagonales del cuadrilátero.



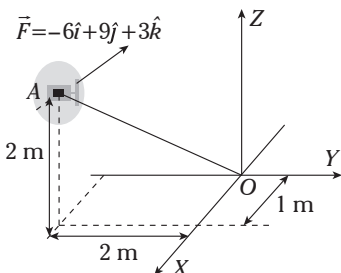
- A)  $\frac{\vec{A} - \vec{B}}{2}$  B)  $\frac{2\vec{A} - \vec{B}}{2}$  C)  $\frac{\vec{B} - \vec{A}}{2}$   
D)  $\frac{\vec{A} + 2\vec{B}}{2}$  E)  $\frac{2\vec{A} + \vec{B}}{2}$

9. Determine un vector unitario que sea perpendicular al plano que contiene a los puntos  $O, A$  y  $C$  del prisma mostrado.



- A)  $\frac{3\hat{i} - 3\hat{j} - 4\hat{k}}{\sqrt{34}}$  B)  $\frac{3\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}}{\sqrt{34}}$  C)  $\frac{3\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}}{\sqrt{34}}$   
D)  $\frac{-3\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}}{\sqrt{34}}$  E)  $\frac{-3\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}}{\sqrt{34}}$

10. Determine el ángulo  $\theta$  entre el vector  $\vec{F}$  y la línea  $AO$ .



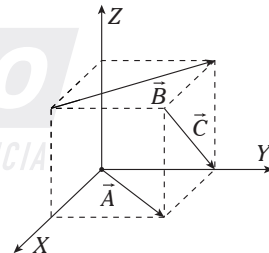
- A)  $\arccos(\sqrt{14}/7)$   
B)  $\arccos(\sqrt{14}/14)$   
C)  $\arccos(\sqrt{7}/14)$   
D)  $\arccos(1/\sqrt{7})$   
E)  $\arccos(1/\sqrt{14})$

11. Indique el valor de verdad (V) o falsedad (F) de cada proposición.

- I. Si  $\vec{A} \cdot \vec{X} = 0$  entonces necesariamente  $\vec{X} = \vec{0}$ .  
II. Si  $\vec{A} \times \vec{B} = \vec{0}$  entonces  $\vec{B} = \alpha \vec{A}$ , donde  $\alpha \in \mathbb{R}$ .  
III. Se cumple que  $\hat{i} \cdot (\hat{j} \times \hat{k}) = \hat{j} \cdot (\hat{k} \times \hat{i}) = \hat{k} \cdot (\hat{i} \times \hat{j}) = 1$

- A) VVV  
B) VVF  
C) FVV  
D) FVF  
E) FFF

12. El cubo mostrado es de lado  $a$ , halle  $\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C})$ .



- A)  $-a^3$   
B)  $a^3$   
C)  $-2a^3$   
D)  $2a^3$   
E)  $-8a^3$

13. Se tienen tres puntos en el espacio  $(3; 4; 2)$  u,  $(2; -4; 0)$  u y  $(-6; -1; 3)$  u. Determine el área del triángulo formado por dichos puntos.

- A) 16,16  $u^2$   
B) 32,32  $u^2$   
C) 22,97  $u^2$   
D) 30,32  $u^2$   
E) 35,97  $u^2$



14. Se tienen el vectores  $\vec{A}=2\hat{i}-\hat{j}$  y  $\vec{B}$ . Se sabe que  $\vec{A}\times\vec{B}=\hat{i}-2\hat{j}+4\hat{k}$  y  $\vec{A}\cdot\vec{B}=-2$ . Determine el vector  $\vec{B}$ .

- A)  $2\hat{i}-\hat{j}$       B)  $2\hat{j}+\hat{k}$       C)  $\hat{i}-2\hat{k}$   
D)  $\hat{j}+2\hat{k}$       E)  $\hat{i}+\hat{k}$

15. Se tienen los vectores  $\vec{a}=(2; 1; 0)$  y  $\vec{b}=(-1; -2; 1)$  que forman parte de las aristas de un paralelogramo. Determine el vector unitario perpendicular a dicho paralelogramo.

- A)  $\frac{1}{14}\hat{i}+\frac{1}{14}\hat{j}-\frac{3}{14}\hat{k}$   
B)  $\frac{1}{14}\hat{i}+\frac{2}{14}\hat{j}+\frac{3}{14}\hat{k}$   
C)  $-\frac{1}{\sqrt{14}}\hat{i}+\frac{2}{\sqrt{14}}\hat{j}+\frac{3}{\sqrt{14}}\hat{k}$   
D)  $-\frac{1}{\sqrt{14}}\hat{i}+\frac{2}{\sqrt{14}}\hat{j}-\frac{3}{\sqrt{14}}\hat{k}$   
E)  $-\frac{1}{14}\hat{i}-\frac{2}{14}\hat{j}+\frac{3}{14}\hat{k}$

